

**МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ БЕЛГОРОДСКОЙ ОБЛАСТИ  
ОБЛАСТНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ПРОФЕССИОНАЛЬНОЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ  
«АЛЕКСЕЕВСКИЙ КОЛЛЕДЖ»**

**Рабочая программа учебного предмета**

**ОУП. 09 Математика**

**для специальности**

**27.02.07 Управление качеством продукции, процессов и услуг (по  
отраслям)**

г. Алексеевка  
2023

Рабочая программа разработана на основе федерального государственного образовательного стандарта среднего общего образования (ФГОС СОО), утвержденного приказом Минобрнауки России от 17.05.2012 № 413, примерной основной образовательной программы среднего общего образования, одобренной решением федерального учебно-методического объединения по общему образованию (протокол от 28.06.2016 № 2/16-з), Федерального государственного образовательного стандарта среднего профессионального образования по специальности 27.02.07 Управление качеством продукции, процессов и услуг (по отраслям), с учетом получаемой специальности среднего профессионального образования, а также Концепции преподавания общеобразовательных дисциплин с учетом профессиональной направленности программ среднего профессионального образования, реализуемых на базе основного общего образования, утвержденной Распоряжением Минпросвещения России от 30.04.2021 № Р-98.

**Разработчик:**

Волкова Н.М., преподаватель ОГАПОУ «Алексеевский колледж»

## **СОДЕРЖАНИЕ**

|  |      |
|--|------|
|  | стр. |
| 1. ПАСПОРТ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОГО<br>ПРЕДМЕТА              | 4    |
| 2. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО<br>ПРЕДМЕТА                 | 22   |
| 3. УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ<br>УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА   | 40   |
| 4. КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ<br>УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА | 42   |

# **1. ПАСПОРТ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА**

## **Математика**

### **1.1. Область применения рабочей программы**

Рабочая программа учебного предмета является частью программы подготовки специалистов среднего звена в соответствии с ФГОС специальности СПО 27.02.07 Управление качеством продукции, процессов и услуг (по отраслям).

### **1.2. Место учебного предмета в структуре ППССЗ:**

Предмет является профильным и входит в цикл общеобразовательной подготовки.

### **1.3. Цели и задачи учебного предмета – требования к результатам освоения учебного предмета:**

**Целью реализации рабочей программы является освоение содержания предмета Математика и достижение обучающимися результатов изучения в соответствии с требованиями, установленными ФГОС СОО.**

#### **Главными задачами реализации программы являются:**

- предоставлять каждому обучающемуся возможность достижения уровня математических знаний, необходимого для дальнейшей успешной жизни в обществе;
- обеспечивать необходимое стране число выпускников, математическая подготовка которых достаточна для продолжения образования в различных направлениях и для практической деятельности, включая преподавание математики, математические исследования, работу в сфере информационных технологий и др.;
- в основном общем и среднем общем образовании необходимо предусмотреть подготовку обучающихся в соответствии с их запросами к уровню подготовки в сфере математического образования.

**Планируемые метапредметные результаты освоения рабочей программы (МР) представлены тремя группами универсальных учебных действий:**

#### **1. Регулятивные универсальные учебные действия**

Выпускник научится:

МР1 - самостоятельно определять цели, задавать параметры и критерии, по которым можно определить, что цель достигнута;

МР2 - оценивать возможные последствия достижения поставленной цели в деятельности, собственной жизни и жизни окружающих людей, основываясь на соображениях этики и морали;

МР3 - ставить и формулировать собственные задачи в образовательной деятельности и жизненных ситуациях;

МР4 - оценивать ресурсы, в том числе время и другие нематериальные ресурсы, необходимые для достижения поставленной цели;

МР5 - выбирать путь достижения цели, планировать решение поставленных задач, оптимизируя материальные и нематериальные затраты;

МР6 - организовывать эффективный поиск ресурсов, необходимых для достижения поставленной цели;

МР7- сопоставлять полученный результат деятельности с поставленной заранее целью.

## **2. Познавательные универсальные учебные действия**

Выпускник научится:

МР8 - искать и находить обобщенные способы решения задач, в том числе, осуществлять развернутый информационный поиск и ставить на его основе новые (учебные и познавательные) задачи;

МР9 - критически оценивать и интерпретировать информацию с разных позиций, распознавать и фиксировать противоречия в информационных источниках;

МР10- использовать различные модельно-схематические средства для представления существенных связей и отношений, а также противоречий, выявленных в информационных источниках;

МР11- находить и приводить критические аргументы в отношении действий и суждений другого; спокойно и разумно относиться к критическим замечаниям в отношении собственного суждения, рассматривать их как ресурс собственного развития;

МР12- выходить за рамки учебного предмета и осуществлять целенаправленный поиск возможностей для широкого переноса средств и способов действия;

МР13- выстраивать индивидуальную образовательную траекторию, учитывая ограничения со стороны других участников и ресурсные ограничения;

МР14- менять и удерживать разные позиции в познавательной деятельности.

## **3. Коммуникативные универсальные учебные действия**

Выпускник научится:

МР15 - осуществлять деловую коммуникацию как со сверстниками, так и со взрослыми (как внутри образовательной организации, так и за ее пределами), подбирать партнеров для деловой коммуникации исходя из соображений результативности взаимодействия, а не личных симпатий;

МР16 - при осуществлении групповой работы быть как руководителем, так и членом команды в разных ролях (генератор идей, критик, исполнитель, выступающий, эксперт и т.д.);

МР17 - координировать и выполнять работу в условиях реального, виртуального и комбинированного взаимодействия;

МР18 - развернуто, логично и точно излагать свою точку зрения с использованием адекватных (устных и письменных) языковых средств;

МР19- распознавать конфликтогенные ситуации и предотвращать конфликты до их активной фазы, выстраивать деловую и образовательную коммуникацию, избегая личностных оценочных суждений.

**Планируемые предметные результаты освоения рабочей программы для профильного уровня изучения (ПРу):**

**В результате освоения учебного предмета выпускник на профильном уровне научится:**

| <b>Углубленный уровень<br/>«Системно-теоретические результаты»</b> |   |  |
|--|---|--|
| <b>Раздел</b>  | <b>Выпускник научится</b>   | <b>Выпускник получит возможность научиться</b>   |
| <b>Цели освоения предмета</b>                                      | Для успешного продолжения образования по специальностям, связанным с прикладным использованием математики   | Для обеспечения возможности успешного продолжения образования по специальностям, связанным с осуществлением научной и исследовательской деятельности в области математики и смежных наук   |
| <b>Требования к результатам</b>                                    |   |  |
| <b>Элементы теории множеств и математической логики</b>            | ПРу1- Свободно оперировать <sup>1</sup> понятиями: конечное множество, элемент множества, подмножество, пересечение, объединение и разность множеств, числовые множества на координатной прямой, отрезок, интервал, полуинтервал, промежуток с выколотой точкой, графическое представление множеств на координатной плоскости;<br>ПРу2-задавать множества перечислением и характеристическим свойством;<br>ПРу3-оперировать понятиями: утверждение, отрицание утверждения, истинные и ложные утверждения, причина, следствие, частный случай общего утверждения, контрпример;<br>ПРу4-проверять | Достигнение результатов раздела II;<br>оперировать понятием определения, основными видами определений, основными видами теорем;<br>понимать суть косвенного доказательства;<br>оперировать понятиями счетного и несчетного множества;<br>применять метод математической индукции для проведения рассуждений и доказательств и при решении задач.<br>В повседневной жизни и при изучении других предметов:<br>использовать теоретико-множественный язык и язык логики для описания реальных процессов и явлений, при решении задач других учебных предметов |

<sup>1</sup> Здесь и далее: знать определение понятия, знать и уметь обосновывать свойства (признаки, если они есть) понятия, характеризовать связи с другими понятиями, представляя одно понятие как часть целостного комплекса, использовать понятие и его свойства при проведении рассуждений, доказательств, решении задач.

|                          |  |  |
|--------------------------|--|--|
|                          | <p>принадлежность элемента множеству;</p> <p>ПРу5-находить пересечение и объединение множеств, в том числе представленных графически на числовой прямой и на координатной плоскости;</p> <p>ПРу6-проводить доказательные рассуждения для обоснования истинности утверждений.</p> <p><i>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</i></p> <p>ПРу7-использовать числовые множества на координатной прямой и на координатной плоскости для описания реальных процессов и явлений;</p> <p>ПРу8-проводить доказательные рассуждения в ситуациях повседневной жизни, при решении задач из других предметов</p> |  |
| <b>Числа и выражения</b> | <p>ПРу9-Свободно оперировать понятиями: натуральное число, множество натуральных чисел, целое число, множество целых чисел, обыкновенная дробь, десятичная дробь, смешанное число, рациональное число, множество рациональных чисел, иррациональное число, корень степени <math>n</math>, действительное число, множество действительных чисел, геометрическая интерпретация натуральных, целых, рациональных, действительных чисел;</p> <p>ПРу10-понимать и объяснять разницу между позиционной и непозиционной</p>   | <p><i>Достижение результатов раздела II; свободно оперировать числовыми множествами при решении задач; понимать причины и основные идеи расширения числовых множеств; владеть основными понятиями теории делимости при решении стандартных задач</i></p> <p><i>иметь базовые представления о множестве комплексных чисел; свободно выполнять тождественные преобразования тригонометрических, логарифмических, степенных</i></p> |

|  |   |  |
|--|---|--|
|  | <p>системами записи чисел;<br/>-переводить числа из одной системы записи (системы счисления) в другую;</p> <p>ПРу11-доказывать и использовать признаки делимости суммы и произведения при выполнении вычислений и решении задач;</p> <p>ПРу12-выполнять округление рациональных и иррациональных чисел с заданной точностью;</p> <p>ПРу13-сравнивать действительные числа разными способами;</p> <p>ПРу14-упорядочивать числа, записанные в виде обыкновенной и десятичной дроби, числа, записанные с использованием арифметического квадратного корня, корней степени больше 2;</p> <p>ПРу15-находить НОД и НОК разными способами и использовать их при решении задач;</p> <p>ПРу16-выполнять вычисления и преобразования выражений, содержащих действительные числа, в том числе корни натуральных степеней;</p> <p>ПРу17-выполнять стандартные тождественные преобразования тригонометрических, логарифмических, степенных, иррациональных выражений.</p> <p><i>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</i></p> <p>ПРу18-выполнять и объяснять сравнение</p> | <p>выражений;</p> <p>владеть формулой бинома Ньютона;</p> <p>применять при решении задач теорему о линейном представлении НОД;</p> <p>применять при решении задач Китайскую теорему об остатках;</p> <p>применять при решении задач Малую теорему Ферма;</p> <p>уметь выполнять запись числа в позиционной системе счисления;</p> <p>применять при решении задач теоретико-числовые функции: число и сумма делителей, функцию Эйлера;</p> <p>применять при решении задач цепные дроби;</p> <p>применять при решении задач многочлены с действительными и целыми коэффициентами;</p> <p>владеть понятиями приводимый и неприводимый многочлен и применять их при решении задач;</p> <p>применять при решении задач Основную теорему алгебры;</p> <p>применять при решении задач простейшие функции комплексной переменной как геометрические преобразования</p> |
|--|---|--|

|                                |  |   |
|--------------------------------|--|---|
|                                | <p>результатов вычислений при решении практических задач, в том числе приближенных вычислений, используя разные способы сравнений;</p> <p>ПРу19-записывать, сравнивать, округлять числовые данные реальных величин с использованием разных систем измерения;</p> <p>ПРу20 -составлять и оценивать разными способами числовые выражения при решении практических задач и задач из других учебных предметов</p>  |   |
| <b>Уравнения и неравенства</b> | <p>ПРу21-Свободно оперировать понятиями: уравнение, неравенство, равносильные уравнения и неравенства, уравнение, являющееся следствием другого уравнения, уравнения, равносильные на множестве, равносильные преобразования уравнений;</p> <p>ПРу22-решать разные виды уравнений и неравенств и их систем, в том числе некоторые уравнения 3-й и 4-й степеней, дробно-рациональные и иррациональные;</p> <p>ПРу23-овладеть основными типами показательных, логарифмических, иррациональных, степенных уравнений и неравенств и стандартными методами их решений и применять их при решении задач;</p> <p>ПРу24-применять теорему Безу к решению уравнений;</p> <p>ПРу25-применять</p> | <p><i>Достижение результатов раздела II;</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- свободно определять тип и выбирать метод решения показательных и логарифмических уравнений и неравенств, иррациональных уравнений и неравенств, тригонометрических уравнений и неравенств, их систем;</li> <li>- свободно решать системы линейных уравнений;</li> <li>- решать основные типы уравнений и неравенств с параметрами;</li> <li>- применять при решении задач неравенства Коши — Буняковского, Бернулли;</li> <li>- иметь представление о неравенствах между средними степенными</li> </ul> |

|  |  |
|--|--|
|  | <p>теорему Виета для решения некоторых уравнений степени выше второй;</p> <p>ПРу26-понимать смысл теорем о равносильных и неравносильных преобразованиях уравнений и уметь их доказывать;</p> <p>ПРу27-владеть методами решения уравнений, неравенств и их систем, уметь выбирать метод решения и обосновывать свой выбор;</p> <p>ПРу28-использовать метод интервалов для решения неравенств, в том числе дробно-рациональных и включающих в себя иррациональные выражения;</p> <p>ПРу29-решать алгебраические уравнения и неравенства и их системы с параметрами алгебраическим и графическим методами;</p> <p>ПРу30-владеть разными методами доказательства неравенств;</p> <p>ПРу31-решать уравнения в целых числах;</p> <p>ПРу32-изображать множества на плоскости, задаваемые уравнениями, неравенствами и их системами;</p> <p>ПРу33-свободно использовать тождественные преобразования при решении уравнений и систем уравнений</p> <p><i>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</i></p> <p>ПРу34-составлять и решать уравнения, неравенства, их системы при решении задач других учебных предметов;</p> <p>ПРу35-выполнять оценку</p> |
|--|--|

|                |   |  |
|----------------|---|--|
|                | <p>правдоподобия результатов, получаемых при решении различных уравнений, неравенств и их систем при решении задач других учебных предметов;</p> <p>ПРу36-составлять и решать уравнения и неравенства с параметрами при решении задач других учебных предметов;</p> <p>ПРу37-составлять уравнение, неравенство или их систему, описывающие реальную ситуацию или прикладную задачу, интерпретировать полученные результаты;</p> <p>ПРу38- использовать программные средства при решении отдельных классов уравнений и неравенств</p>  |  |
| <b>Функции</b> | <p>ПРу39 -Владеть понятиями: зависимость величин, функция, аргумент и значение функции, область определения и множество значений функции, график зависимости, график функции, нули функции, промежутки знакопостоянства, возрастание на числовом промежутке, убывание на числовом промежутке, наибольшее и наименьшее значение функции на числовом промежутке, периодическая функция, период, четная и нечетная функции; уметь применять эти понятия при решении задач;</p> <p>ПРу40 -владеть понятием степенная функция; строить ее график и уметь применять свойства степенной функции при решении задач;</p> | <p><i>Достижение результатов раздела II;</i><br/> <i>владеть понятием асимптоты и уметь его применять при решении задач;</i><br/> <i>применять методы решения простейших дифференциальных уравнений первого и второго порядков</i></p> |

|  |  |
|--|--|
|  | <p>ПРу41 -владеть понятиями показательная функция, экспонента; строить их графики и уметь применять свойства показательной функции при решении задач;</p> <p>ПРу42 владеть понятием логарифмическая функция; строить ее график и уметь применять свойства логарифмической функции при решении задач;</p> <p>ПРу43 владеть понятиями тригонометрические функции; строить их графики и уметь применять свойства тригонометрических функций при решении задач;</p> <p>ПРу44 владеть понятием обратная функция; применять это понятие при решении задач;</p> <p>ПРу45 применять при решении задач свойства функций: четность, периодичность, ограниченность;</p> <p>ПРу46 применять при решении задач преобразования графиков функций;</p> <p>ПРу47 владеть понятиями числовая последовательность, арифметическая и геометрическая прогрессия;</p> <p>ПРу48 применять при решении задач свойства и признаки арифметической и геометрической прогрессий.</p> <p><i>В повседневной жизни и при изучении других учебных предметов:</i></p> <p>ПРу49-определять по графикам и использовать для решения прикладных задач свойства реальных процессов и зависимостей (наибольшие и</p> |
|--|--|

|   |  |  |
|---|--|--|
|   | <p>наименьшие значения, промежутки возрастания и убывания функции, промежутки знакопостоянства, асимптоты, точки перегиба, период и т.п.);</p> <p>ПРу50-интерпретировать свойства в контексте конкретной практической ситуации;</p> <p>ПРу51 определять по графикам простейшие характеристики периодических процессов в биологии, экономике, музыке, радиосвязи и др. (амплитуда, период и т.п.)</p>   |  |
| <b>Элементы математического анализа</b> | <p>ПРу52 Владеть понятием бесконечно убывающая геометрическая прогрессия и уметь применять его при решении задач;</p> <p>ПРу53 применять для решения задач теорию пределов;</p> <p>ПРу54 владеть понятиями бесконечно большие и бесконечно малые числовые последовательности и уметь сравнивать бесконечно большие и бесконечно малые последовательности;</p> <p>ПРу55 владеть понятиями: производная функции в точке, производная функции;</p> <p>ПРу56 -вычислять производные элементарных функций и их комбинаций;</p> <p>ПРу57-исследовать функции на монотонность и экстремумы;</p> <p>ПРу58-строить графики и применять к решению задач, в том числе с параметром;</p> <p>ПРу59-владеть понятием</p> | <ul style="list-style-type: none"> <li>- <i>Достижение результатов раздела II;</i></li> <li>- <i>свободно владеть стандартным аппаратом математического анализа для вычисления производных функции одной переменной;</i></li> <li>- <i>свободно применять аппарат математического анализа для исследования функций и построения графиков, в том числе исследования на выпуклость;</i></li> <li>- <i>оперировать понятием первообразной функции для решения задач;</i></li> <li>- <i>овладеть основными сведениями об интегrale Ньютона–Лейбница и его простейших применениях;</i></li> <li>- <i>оперировать в стандартных ситуациях производными высших порядков;</i></li> <li>- <i>уметь применять при решении задач свойства непрерывных функций;</i></li> <li>- <i>уметь применять при</i></li> </ul> |

|   |   |  |
|---|---|--|
|   | <p>касательная к графику функции и уметь применять его при решении задач;</p> <p>ПРу60-владеть понятиями первообразная функция, определенный интеграл;</p> <p>ПРу61-применять теорему Ньютона–Лейбница и ее следствия для решения задач.</p> <p><i>В повседневной жизни и при изучении других учебных предметов:</i></p> <p>ПРу62-решать прикладные задачи из биологии, физики, химии, экономики и других предметов, связанные с исследованием характеристик процессов;</p> <p>ПРу63- интерпретировать полученные результаты</p>  | <p>решении задач теоремы Вейерштрасса;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь выполнять приближенные вычисления (методы решения уравнений, вычисления определенного интеграла);</li> <li>- уметь применять приложение производной и определенного интеграла к решению задач естествознания;</li> <li>- владеть понятиями вторая производная, выпуклость графика функции и уметь исследовать функцию на выпуклость</li> </ul>   |
| <i>Статистика и теория вероятностей, логика и комбинаторика</i> | <p>ПРу64 Оперировать основными описательными характеристиками числового набора, понятием генеральная совокупность и выборкой из нее;</p> <p>ПРу65-оперировать понятиями: частота и вероятность события, сумма и произведение вероятностей, вычислять вероятности событий на основе подсчета числа исходов;</p> <p>ПРу66 -владеть основными понятиями комбинаторики и уметь их применять при решении задач;</p> <p>ПРу67-иметь представление об основах теории вероятностей;</p> <p>ПРу68-иметь представление о дискретных и непрерывных случайных величинах и распределениях, о</p> | <p><i>Достижение результатов раздела II;</i></p> <p>иметь представление о центральной предельной теореме;</p> <p>иметь представление о выборочном коэффициенте корреляции и линейной регрессии;</p> <p>иметь представление о статистических гипотезах и проверке статистической гипотезы, о статистике критерия и ее уровне значимости;</p> <p>иметь представление о связи эмпирических и теоретических распределений;</p> <p>иметь представление о кодировании, двоичной записи, двоичном дереве;</p> <p>владеть основными понятиями теории графов (граф, вершина, ребро, степень</p> |

|                         |   |  |
|-------------------------|---|--|
|                         | <p>независимости случайных величин;</p> <p>ПРу69-иметь представление о математическом ожидании и дисперсии случайных величин;</p> <p>ПРу70-иметь представление о совместных распределениях случайных величин;</p> <p>ПРу71-понимать суть закона больших чисел и выборочного метода измерения вероятностей;</p> <p>ПРу72-иметь представление о нормальном распределении и примерах нормально распределенных случайных величин;</p> <p>ПРу73-иметь представление о корреляции случайных величин.</p> <p><i>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</i></p> <p>ПРу74-вычислять или оценивать вероятности событий в реальной жизни;</p> <p>ПРу75-выбирать методы подходящего представления и обработки данных</p> | <p>вершины, путь в графе) и уметь применять их при решении задач;</p> <p>иметь представление о деревьях и уметь применять при решении задач;</p> <p>владеть понятием связность и уметь применять компоненты связности при решении задач;</p> <p>уметь осуществлять пути по ребрам, обходы ребер и вершин графа;</p> <p>иметь представление об эйлеровом и гамильтоновом пути, иметь представление о трудности задачи нахождения гамильтонова пути;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- владеть понятиями конечные и счетные множества и уметь их применять при решении задач;</li> <li>- уметь применять метод математической индукции;</li> <li>- уметь применять принцип Дирихле при решении задач</li> </ul> |
| <b>Текстовые задачи</b> | <p>ПРу76-Решать разные задачи повышенной трудности;</p> <p>ПРу77-анализировать условие задачи, выбирать оптимальный метод решения задачи, рассматривая различные методы;</p> <p>ПРу78-строить модель решения задачи, проводить доказательные рассуждения при решении задачи;</p> <p>ПРу79-решать задачи, требующие перебора вариантов, проверки условий, выбора</p>   | <i>Достижение результатов раздела II</i>   |

|                  |  |   |
|------------------|--|---|
|                  | <p>оптимального результата;</p> <p>ПРу80-анализировать и интерпретировать полученные решения в контексте условия задачи, выбирать решения, не противоречащие контексту;</p> <p>ПРу81-переводить при решении задачи информацию из одной формы записи в другую, используя при необходимости схемы, таблицы, графики, диаграммы.</p> <p><i>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</i></p> <p>ПРу82-решать практические задачи и задачи из других предметов</p>   |   |
| <b>Геометрия</b> | <p>ПРу83-Владеть геометрическими понятиями при решении задач и проведении математических рассуждений;</p> <p>ПРу84-самостоятельно формулировать определения геометрических фигур, выдвигать гипотезы о новых свойствах и признаках геометрических фигур и обосновывать или опровергать их, обобщать или конкретизировать результаты на новых классах фигур, проводить в несложных случаях классификацию фигур по различным основаниям;</p> <p>ПРу85-исследовать чертежи, включая комбинации фигур, извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию, представленную на чертежах;</p> <p>ПРу86-решать задачи геометрического содержания, в том числе в ситуациях, когда</p> | <ul style="list-style-type: none"> <li>- <i>Иметь представление об аксиоматическом методе;</i></li> <li>- <i>владеть понятием геометрические места точек в пространстве и уметь применять их для решения задач;</i></li> <li>- <i>уметь применять для решения задач свойства плоских и двугранных углов, трехгранного угла, теоремы косинусов и синусов для трехгранного угла;</i></li> <li>- <i>владеть понятием перпендикулярное сечение призмы и уметь применять его при решении задач;</i></li> <li>- <i>иметь представление о двойственности правильных многогранников;</i></li> <li>- <i>владеть понятиями центральное и параллельное проектирование и применять их при построении сечений</i></li> </ul> |

|  |   |   |
|--|---|---|
|  | <p>алгоритм решения не следует явно из условия, выполнять необходимые для решения задачи дополнительные построения, исследовать возможность применения теорем и формул для решения задач;</p> <p>ПРу87-уметь формулировать и доказывать геометрические утверждения;</p> <p>ПРу88-владеть понятиями стереометрии: призма, параллелепипед, пирамида, тетраэдр;</p> <p>ПРу89-иметь представления об аксиомах стереометрии и следствиях из них и уметь применять их при решении задач;</p> <p>ПРу90-уметь строить сечения многогранников с использованием различных методов, в том числе и метода следов;</p> <p>ПРу91-иметь представление о скрещивающихся прямых в пространстве и уметь находить угол и расстояние между ними;</p> <p>ПРу92-применять теоремы о параллельности прямых и плоскостей в пространстве при решении задач;</p> <p>ПРу93-уметь применять параллельное проектирование для изображения фигур;</p> <p>ПРу94-уметь применять перпендикулярности прямой и плоскости при решении задач;</p> <p>ПРу95-владеть понятиями ортогональное проектирование, наклонные и их проекции, уметь применять теорему о трех</p> | <p>многогранников методом проекций;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- иметь представление о развертке многогранника и кратчайшем пути на поверхности многогранника;</li> <li>- иметь представление о конических сечениях;</li> <li>- иметь представление о касающихся сферах и комбинации тел вращения и уметь применять их при решении задач;</li> <li>- применять при решении задач формулу расстояния от точки до плоскости;</li> <li>- владеть разными способами задания прямой уравнениями и уметь применять при решении задач;</li> <li>- применять при решении задач и доказательстве теорем векторный метод и метод координат;</li> <li>- иметь представление об аксиомах объема, применять формулы объемов прямоугольного параллелепипеда, призмы и пирамиды, тетраэдра при решении задач;</li> <li>- применять теоремы об отношениях объемов при решении задач;</li> <li>- применять интеграл для вычисления объемов и поверхностей тел вращения, вычисления площади сферического пояса и объема шарового слоя;</li> <li>- иметь представление о движениях в пространстве: параллельном переносе,</li> </ul> |
|--|---|---|

|  |  |   |
|--|--|---|
|  | <p>перпендикулярах при решении задач;</p> <p>ПРу96-владеть понятиями расстояние между фигурами в пространстве, общий перпендикуляр двух скрещивающихся прямых и уметь применять их при решении задач;</p> <p>ПРу97-владеть понятием угол между прямой и плоскостью и уметь применять его при решении задач;</p> <p>ПРу98-владеть понятиями двугранный угол, угол между плоскостями, перпендикулярные плоскости и уметь применять их при решении задач;</p> <p>ПРу99-владеть понятиями призма, параллелепипед и применять свойства параллелепипеда при решении задач;</p> <p>ПРу100-владеть понятием прямоугольный параллелепипед и применять его при решении задач;</p> <p>ПРу101-владеть понятиями пирамида, виды пирамид, элементы правильной пирамиды и уметь применять их при решении задач;</p> <p>ПРу102-иметь представление о теореме Эйлера, правильных многогранниках;</p> <p>ПРу103-владеть понятием площади поверхностей многогранников и уметь применять его при решении задач;</p> <p>ПРу104-владеть понятиями тела вращения (цилиндр, конус, шар и сфера),</p> | <p>симметрии относительно плоскости, центральной симметрии, повороте относительно прямой, винтовой симметрии, уметь применять их при решении задач;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- иметь представление о площади ортогональной проекции;</li> <li>- иметь представление о трехгранином и многогранном угле и применять свойства плоских углов многогранного угла при решении задач;</li> <li>- иметь представления о преобразовании подобия, гомотетии и уметь применять их при решении задач;</li> <li>- уметь решать задачи на плоскости методами стереометрии;</li> <li>- уметь применять формулы объемов при решении задач</li> </ul> |
|--|--|---|

|  |  |
|--|--|
|  | <p>их сечения и уметь применять их при решении задач;</p> <p>ПРу105-владеть понятиями касательные прямые и плоскости и уметь применять из при решении задач;</p> <p>ПРу106-иметь представления о вписанных и описанных сферах и уметь применять их при решении задач;</p> <p>ПРу107 -владеть понятиями объем, объемы многогранников, тел вращения и применять их при решении задач;</p> <p>ПРу108-иметь представление о развертке цилиндра и конуса, площади поверхности цилиндра и конуса, уметь применять их при решении задач;</p> <p>ПРу109-иметь представление о площади сферы и уметь применять его при решении задач;</p> <p>ПРу110-уметь решать задачи на комбинации многогранников и тел вращения;</p> <p>ПРу111-иметь представление о подобии в пространстве и уметь решать задачи на отношение объемов и площадей поверхностей подобных фигур.</p> <p><i>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</i></p> <p>ПРу112-составлять с использованием свойств геометрических фигур математические модели для решения задач практического характера и задач из смежных дисциплин, исследовать</p> |
|--|--|

|  |   |   |
|--|---|---|
|  | полученные модели и интерпретировать результат  |   |
| <b>Векторы и координаты в пространстве</b> | <p>ПРу113-Владеть понятиями векторы и их координаты;</p> <p>ПРу114-уметь выполнять операции над векторами;</p> <p>ПРу115-использовать скалярное произведение векторов при решении задач;</p> <p>ПРу116-применять уравнение плоскости, формулу расстояния между точками, уравнение сферы при решении задач;</p> <p>ПРу117-применять векторы и метод координат в пространстве при решении задач</p>   | <p><i>Достижение результатов раздела II;</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- находить объем параллелепипеда и тетраэдра, заданных координатами своих вершин;</li> <li>- задавать прямую в пространстве;</li> <li>- находить расстояние от точки до плоскости в системе координат;</li> <li>- находить расстояние между скрещивающимися прямыми, заданными в системе координат</li> </ul> |
| <b>История математики</b>                  | <p>ПРу118-Иметь представление о вкладе выдающихся математиков в развитие науки;</p> <p>ПРу119-понимать роль математики в развитии России</p>  | <i>Достижение результатов раздела II</i>  |
| <b>Методы математики</b>                   | <p>ПРу120-Использовать основные методы доказательства, проводить доказательство и выполнять опровержение;</p> <p>ПРу121-применять основные методы решения математических задач;</p> <p>ПРу122-на основе математических закономерностей в природе характеризовать красоту и совершенство окружающего мира и произведений искусства;</p> <p>ПРу123-применять простейшие программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении математических</p> | <p><i>Достижение результатов раздела II;</i></p> <p>применять математические знания к исследованию окружающего мира (моделирование физических процессов, задачи экономики)</p>  |

|  |   |  |
|--|---|--|
|  | <p>задач;</p> <p>ПРу124-пользоваться прикладными программами и программами символьных вычислений для исследования математических объектов</p> |  |
|--|---|--|

#### **1.4. Планируемые личностные результаты освоения рабочей программы**

ЛР 4. Проявляющий и демонстрирующий уважение к людям труда, осознающий ценность собственного труда. Стремящийся к формированию в сетевой среде личностно и профессионального конструктивного «цифрового следа».

ЛР 5. Демонстрирующий приверженность к родной культуре, исторической памяти на основе любви к Родине, родному народу, малой родине, принятию традиционных ценностей многонационального народа России.

ЛР 6. Проявляющий уважение к людям старшего поколения и готовность к участию в социальной поддержке и волонтерских движениях.

ЛР 7. Осознающий приоритетную ценность личности человека; уважающий собственную и чужую уникальность в различных ситуациях, во всех формах и видах деятельности.

ЛР 9. Соблюдающий и пропагандирующий правила здорового и безопасного образа жизни, спорта; предупреждающий либо преодолевающий зависимости от алкоголя, табака, психоактивных веществ, азартных игр и т.д. Сохраняющий психологическую устойчивость в ситуативно сложных или стремительно меняющихся ситуациях.

#### **1.5. Количество часов на освоение рабочей программы учебного предмета:**

максимальной учебной нагрузки обучающегося - 252 часа, в том числе: аудиторной учебной работы обучающегося - 234 часа, из них в форме практической подготовки – 76 часов; в том числе практических занятий - 50 часов; консультаций - 12 часов; промежуточная аттестация- 6 часов.

## **2. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА**

### **2.1. Объем учебного предмета и виды учебной работы**

| <b>Вид учебной работы</b>   | <b>Объем часов</b> |
|---|--------------------|
| <b>Максимальная учебная нагрузка (всего)</b>                            | <b>252</b>         |
| <b>Аудиторная учебная работа (обязательные учебные занятия) (всего)</b> | <b>234</b>         |
| <b>из них в форме практической подготовки</b>                           | <b>76</b>          |
| в том числе:  |                    |
| лекционные занятия  | 184                |
| лабораторные работы   | *                  |
| практические занятия  | 50                 |
| контрольные работы  | *                  |
| <b>Самостоятельная работа обучающегося (всего)</b>                      | <b>*</b>           |
| Консультации  | 12                 |
| <b>Промежуточная аттестация в форме экзамена</b>                        | <b>6</b>           |

## 2.2. Тематический план и содержание учебного предмета Математика

| Наименование разделов и тем   | Содержание учебного материала, лабораторные работы и практические занятия, в том числе в форме практической подготовки, самостоятельная работа обучающихся  |   |   | Объем часов   | Коды и личностных (ЛР), метапредметных (МР), предметных результатов (ПРб), формированию которых способствует элемент программы |
|---|---|---|---|---|--|
| 1   | 2   | 3   | 4 |   |  |
| <b>Раздел 1<br/>Повторение<br/>курса<br/>математики<br/>основной<br/>школы</b>      |   |   |   | <b>10\6</b>   |  |
| <b>Тема 1.1<br/>Цели и задачи<br/>математики при<br/>освоении<br/>специальности</b> | <p>Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки</p> <p>1 Математика в науке, технике, экономике, информационных технологиях и практической деятельности. Цели и задачи изучения математики при освоении специальности</p> <p>Лабораторные работы</p> <p>Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки</p> <p>Контрольные работы</p> <p>Самостоятельная работа обучающихся</p> | <p>2/2</p> <p>2/2</p> <p>*</p> <p>*/*</p> <p>*</p> <p>*</p> |   | <p>ПРу1-ПРу8,<br/>ПРу9-ПРу16,<br/>ПРу18-ПРу20,</p> <p>ЛР 5, ЛР 9,<br/>МР1, МР3,<br/>МР9, МР12</p> |  |
| <b>Тема 1.2.</b>  | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки  | <b>2/0</b>  |   | ПРу1-ПРу8,  |  |

|   |   |  |      |  |
|---|---|--|------|--|
| Целые и<br>рациональные<br>числа                                | 1 | Развитие понятия о числе: натуральное число, множество натуральных чисел, целое число, множество целых чисел, обыкновенная дробь, десятичная дробь, смешанное число, рациональное число, множество рациональных чисел. Перевод обыкновенной дроби в периодическую десятичную, и наоборот, периодическую дробь в обыкновенную.  | 2/0  | ПРу9-ПРу16,<br>ПРу18-ПРу20,<br><br>ЛР 5, ЛР 9,<br><br>МР1, МР3,<br>МР9, МП12   |
|   |   | Лабораторные работы  | *    |  |
|   |   | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки  | */*  |  |
|   |   | Контрольные работы   | *    |  |
|   |   | Самостоятельная работа обучающихся   | *    |  |
| Тема 1.3<br>Действительные<br>числа                             |   | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки   | 2/0  | ПРу1-ПРу8,<br>ПРу9-ПРу16,<br>ПРу18-ПРу20,<br><br>ЛР 5, ЛР 9,<br><br>МР1, МР3,<br>МР9, МП12                               |
|   | 1 | Множество действительных чисел, геометрическая интерпретация натуральных, целых, рациональных, действительных чисел. Действия над действительными числами. Решение задач с использованием свойств чисел и систем счисления, делимости, долей и частей, процентов, модулей чисел.   |      |  |
|   |   | Лабораторные работы  | *    |  |
|   |   | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки  | */*  |  |
|   |   | Контрольные работы   | *    |  |
|   |   | Самостоятельная работа обучающихся:  | *    |  |
| Тема 1.4<br>Уравнения и<br>неравенства.<br>Системы<br>уравнений |   | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки   | 4/4  | ПРу1-ПРу8,<br>ПРу9-ПРу16,<br>ПРу18-ПРу20,<br><br>ПРу34, ПРу35,<br>ПРу37<br><br>ЛР 5, ЛР 9,<br><br>МР1, МР3,<br>МР9, МП12 |
|   | 1 | Решение задач на движение и совместную работу, смеси и сплавы с помощью линейных, квадратных и дробно-рациональных уравнений и их систем. Решение задач с помощью числовых неравенств и систем неравенств с одной переменной, с применением изображения числовых промежутков. Практико-ориентированные задачи технологического профиля. Проценты в профессиональных задачах технологического профиля |      |  |
|   |   | Лабораторные работы  | *    |  |
|   |   | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки<br>Практико-ориентированные задачи технологического профиля. Проценты в профессиональных задачах технологического профиля  | 2/2  |  |
|   |   | Контрольные работы   | *    |  |
|   |   | Самостоятельная работа обучающихся   | *    |  |
| Раздел 2<br>Корни, степени<br>и логарифмы                       |   |  | 32/6 |  |

|  |   |     |                   |  |  |
|--|---|-----|-------------------|--|--|
| <b>Тема 2.1</b><br>Корень n-ой степени и его свойства                  | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки  |     | <b>4/2</b><br>4/2 | ПРу17, ПРу20,<br>ПРу40, ПРу41-<br>ПРу44, ПРу49,<br>ПРу50,<br>ЛР5, ЛР8, ЛР9<br>МР3, МР11,<br>МР18 |  |
|  | 1      Определение корня n-ой степени, арифметического корня n-ой степени, свойства корней. Вычисление и сравнение корней. Выполнение расчетов с радикалами.<br>Практико-ориентированные задачи технологического профиля  |     |                   |  |  |
|  | Лабораторные работы   |     |                   | *  |  |
|  | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки   |     |                   | */*  |  |
|  | Контрольные работы  |     |                   | *  |  |
| <b>Тема 2.2</b><br>Иррациональные уравнения                            | Самостоятельная работа обучающихся:   |     |                   | *  |  |
|  | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки  |     | <b>4/0</b>        | ПРу17, ПРу20,<br>ПРу40, ПРу41-<br>ПРу44, ПРу49,<br>ПРу50,<br>ЛР5, ЛР8, ЛР9<br>МР3, МР11,<br>МР18 |  |
|  | 1      Иррациональные уравнения. Способы их решения   |     | 4/0               |  |  |
|  | Лабораторные работы   |     | *                 |  |  |
|  | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки:  |     | */*               |  |  |
| <b>Тема 2.3</b><br>Степень с рациональным и действительным показателем | Контрольные работы  |     | *                 | ПРу17, ПРу20,<br>ПРу40, ПРу41-<br>ПРу44, ПРу49,<br>ПРу50,<br>ЛР5, ЛР8, ЛР9<br>МР3, МР11,<br>МР18 |  |
|  | Самостоятельная работа обучающихся:   |     | *                 |  |  |
|  | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки  |     | <b>6/0</b>        |  |  |
|  | 1      Степенная функция, ее свойства. Определение степени с рациональным и действительным показателем. Свойства степени с действительным показателем. Нахождение значений степеней с рациональными показателями. Сравнение степеней. Преобразования выражений, содержащих степени. |     | 4/0               |  |  |
|  | Лабораторные работы   |     |                   |  |  |
| <b>Тема 2.4</b><br>Показательная функция                               | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки: Преобразования выражений, содержащих степени.  |     | 2/0               | ПРу17, ПРу20,<br>ПРу40, ПРу41-<br>ПРу44, ПРу49,<br>ПРу50,<br>ЛР5, ЛР8, ЛР9<br>МР3, МР11,<br>МР18 |  |
|  | Контрольные работы  |     | *                 |  |  |
|  | Самостоятельная работа обучающихся  |     | *                 |  |  |
|  | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки  |     | <b>2/2</b>        |  |  |
|  | 1      Определение, свойства и график показательной функции. Экономические расчеты с применением показательной функции.   |     | 2/2               |  |  |
| Лабораторные работы  |   | *   |                   |  |  |
| Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки      |   | */* |                   |  |  |
| Контрольные работы   |   | *   |                   |  |  |
| Самостоятельная работа обучающихся:                                    |   | *   |                   |  |  |

|  |  |  |                   |  |  |
|--|--|--|-------------------|--|--|
| <b>Тема 2.5</b><br>Показательные уравнения и неравенства   | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки                                       |  | <b>4/0</b><br>2/0 | ПРу17, ПРу20,<br>ПРу40, ПРу41-<br>ПРу44, ПРу49,<br>ПРу50,<br>ЛР5, ЛР8, ЛР9<br>МР3, МР11,<br>МР18 |  |
|  | 1  | Простейшие показательные уравнения и неравенства. Уравнения и неравенства, сводящиеся к простейшим заменой неизвестного.                 |                   |  |  |
|  | Лабораторные работы  |  |                   | *  |  |
|  | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки: Решение показательных уравнений и неравенств. |  |                   | 2/0  |  |
|  | Контрольные работы   |  |                   | *  |  |
|  | Самостоятельная работа обучающихся:  |  |                   | *  |  |
| <b>Тема 2.6</b><br>Логарифмы                               | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки                                       |  | <b>4/0</b><br>4/0 | ПРу17, ПРу20,<br>ПРу40, ПРу41-<br>ПРу44, ПРу49,<br>ПРу50,<br>ЛР5, ЛР8, ЛР9<br>МР3, МР11,<br>МР18 |  |
|  | 1  | Логарифм числа. Основное логарифмическое тождество. Десятичные и натуральные логарифмы. Свойства логарифмов. Переход к новому основанию. |                   |  |  |
|  | Лабораторные работы  |  |                   |  |  |
|  | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки  |  |                   | */*  |  |
|  | Контрольные работы   |  |                   | *  |  |
|  | Самостоятельная работа обучающихся   |  |                   | *  |  |
| <b>Тема 2.7</b><br>Логарифмическая функция                 | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки                                       |  | <b>2/2</b><br>2/2 | ПРу17, ПРу20,<br>ПРу40, ПРу41-<br>ПРу44, ПРу49,<br>ПРу50,<br>ЛР5, ЛР8, ЛР9<br>МР3, МР11,<br>МР18 |  |
|  | 1  | Логарифмическая функция, ее свойства и график. Технологические расчеты с применением логарифмической функции.                            |                   |  |  |
|  | Лабораторные работы  |  |                   | *  |  |
|  | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки  |  |                   | */*  |  |
|  | Контрольные работы   |  |                   | *  |  |
|  | Самостоятельная работа обучающихся   |  |                   | *  |  |
| <b>Тема 2.8</b><br>Логарифмические уравнения и неравенства | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки                                       |  | <b>4/0</b><br>2/0 | ПРу17, ПРу20,<br>ПРу40, ПРу41-<br>ПРу44, ПРу49,<br>ПРу50,<br>ЛР5, ЛР8, ЛР9<br>МР3, МР11,<br>МР18 |  |
|  | 1  | Простейшие логарифмические уравнения и неравенства. Уравнения и неравенства, сводящиеся к простейшим заменой неизвестного.               |                   |  |  |
|  | Лабораторные работы  |  |                   | *  |  |
|  | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки  |  |                   | 2/0  |  |
|  | Контрольные работы   |  |                   | *  |  |
|  | Самостоятельная работа обучающихся   |  |                   | *  |  |

|   |  |             |   |
|---|--|-------------|---|
| <b>Раздел 3</b><br><b>Прямые и<br/>плоскости в<br/>пространстве</b>           |  | <b>20/4</b> |   |
| <b>Тема 3.1</b><br>Параллельность<br>прямых и<br>плоскостей в<br>пространстве | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки   | 8/2         | ПРу83-ПРу89,<br>ПРу91 – ПРу98,<br>ПРу112,<br>ЛР6, ЛР7, ЛР9<br><br>МР1, МР3,<br>МР9, МР11,<br>МП16 |
|   | 1 Аксиомы стереометрии и следствия из них. Аксиомы экономики. Взаимное расположение прямых в пространстве. Параллельность прямой и плоскости. Параллельность плоскостей. Тетраэдр и параллелепипед.      | 4/2         |   |
|   | Лабораторные работы  | *           |   |
|   | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки:<br>Взаимное расположение прямых в пространстве.<br>Параллельность плоскостей.   | 2/0<br>2/0  |   |
|   | Контрольные работы   | *           |   |
|   | Самостоятельная работа обучающихся:  | *           |   |
|   | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки   | 2/0         |   |
| <b>Тема 3.2</b><br>Параллельное<br>проектирование<br>и его свойства.          | 1 Параллельная проекция фигуры. Изображение плоских и пространственных фигур в стереометрии  | 2/0         | ПРу83-ПРу89,<br>ПРу91 – ПРу98,<br>ПРу112,<br>ЛР6, ЛР7, ЛР9<br><br>МР1, МР3,<br>МР9, МР11,<br>МП16 |
|   | Лабораторные работы  | *           |   |
|   | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки  | */*         |   |
|   | Контрольные работы   | *           |   |
|   | Самостоятельная работа обучающихся   | *           |   |
|   | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки   | 2/0         |   |
|   | 1 Перпендикулярность прямой и плоскости. Связь между параллельностью и перпендикулярностью в пространстве. Теорема о прямой, перпендикулярной к плоскости. Признак перпендикулярности прямой и плоскости | 2/0         |   |
| <b>Тема 3.3</b><br>Перпендикулярн<br>ость прямой и<br>плоскости               | Лабораторные работы  | *           | ПРу83-ПРу89,<br>ПРу91 – ПРу98,<br>ПРу112,<br>ЛР6, ЛР7, ЛР9<br><br>МР1, МР3,<br>МР9, МР11,<br>МП16 |
|   | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки  | */*         |   |
|   | Контрольные работы   | *           |   |
|   | Самостоятельная работа обучающихся   | *           |   |
|   | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки   | 2/0         |   |
|   | 1 Определение перпендикуляра, наклонной и проекции. Расстояние от точки до плоскости. Теорема о тех перпендикулярах. Угол между прямой и плоскостью.   | 4/0         |   |
|   | Лабораторные работы  | *           |   |
| <b>Тема 3.4</b><br>Перпендикуляр<br>и наклонные                               |  | 4/0         | ПРу83-ПРу89,<br>ПРу91 – ПРу98,<br>ПРу112,   |
|   | Лабораторные работы  | *           |   |

|   |  |             |   |
|---|--|-------------|---|
|   | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки  | */*         | ЛР6, ЛР7, ЛР9<br>МР1, МР3,<br>МР9, МР11,<br>МП16  |
|   | Контрольные работы   | *           |   |
|   | Самостоятельная работа обучающихся   | *           |   |
| <b>Тема 3.5</b><br><br>Двугранный угол.<br>Перпендикулярность плоскостей. | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки   | 4/2         | ПРу83-ПРу89,<br>ПРу91 – ПРу98,<br>ПРу112,<br>ЛР6, ЛР7, ЛР9<br><br>МР1, МР3,<br>МР9, МР11,<br>МП16 |
|   | 1 Определение двугранного угла. Границы, ребро двугранного угла. Линейный угол двугранного угла. Перпендикулярные плоскости. Признак перпендикулярности двух плоскостей. Прямоугольный параллелепипед. Задачи практического характера и задачи из смежных (проф)дисциплин. | 2/2         |   |
|   | Лабораторные работы  | *           |   |
|   | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки:<br>Решение задач по теме «Прямые и плоскости в пространстве»  | 2/0         |   |
|   | Контрольные работы   | *           |   |
|   | Самостоятельная работа обучающихся:  | *           |   |
|   |  |             |   |
| <b>Раздел 4</b><br><br><b>Элементы комбинаторики</b>                      |  | <b>10/6</b> |   |
| <b>Тема 4.1</b><br><br>Размещения и перестановки                          | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки   | 2/2         | ПРу66, ПРу77 –<br>ПРу79, ПРу82,<br>ПРу118,<br>ПРу119<br>ЛР5, ЛР7, ЛР9<br>МР1, МР3,<br>МР9, МР11   |
|   | 1 История развития комбинаторики. Основные понятия. Правило умножения. Определение размещений и перестановок. Формулы для вычисления числа перестановок и размещений. Примеры текстовых задач  | 2/2         |   |
|   | Лабораторные работы  | *           |   |
|   | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки  | */*         |   |
|   | Контрольные работы   | *           |   |
|   | Самостоятельная работа обучающихся:  | *           |   |
|   |  |             |   |
| <b>Тема 4.2</b><br><br>Сочетания и их свойства                            | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки   | 2/2         | ПРу66, ПРу77 –<br>ПРу79, ПРу82,<br>ПРу118,<br>ПРу119<br>ЛР5, ЛР7, ЛР9<br>МР1, МР3,<br>МР9, МР11   |
|   | 1 Определение сочетаний из $n$ элементов по $m$ в каждом. Формула для подсчета числа сочетаний. Отличие сочетаний от перестановок и размещений.  | 2/2         |   |
|   | Лабораторные работы  | *           |   |
|   | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки  | */*         |   |
|   | Контрольные работы   | *           |   |
|   | Самостоятельная работа обучающихся:  | *           |   |
|   |  |             |   |
| <b>Тема 4.3</b>   | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки   | <b>6/2</b>  | ПРу66, ПРу77 –  |

|  |   |   |             |   |
|--|---|---|-------------|---|
| Формула бинома Ньютона.<br>Свойства биноминальных коэффициентов.<br>Треугольник Паскаля. | 1 | Возведение двучлена в целую неотрицательную степень. Формула бинома Ньютона. Схема для вычисления биномиальных коэффициентов (треугольник Паскаля). Свойства биномиальных коэффициентов. Практико-ориентированные задачи технологического профиля.  | 4/2         | ПРу79, ПРу82,<br>ПРу118,<br>ПРу119<br><br>ЛР5, ЛР7, ЛР9<br><br>МР1, МР3,<br>МР9, МР11 |
|  |   | Лабораторные работы   | *           |   |
|  |   | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки: Решение задач по теме «Элементы комбинаторики»   | 2/0         |   |
|  |   | Контрольные работы  | *           |   |
|  |   | Самостоятельная работа обучающихся  | *           |   |
| <b>Раздел 5<br/>Координаты и векторы в пространстве</b>                                  |   |   | <b>16/4</b> |   |
| <b>Тема 5.1<br/>Понятие вектора в пространстве</b>                                       |   | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки  | <b>2/0</b>  | ПРу113-<br>ПРу117<br><br>ЛР5, ЛР7, ЛР9<br><br>МР1, МР3,<br>МР9, МР11                  |
|  | 1 | Определение вектора, длина вектора, коллинеарные векторы, равные векторы, сонаправленные и противоположно направленные векторы.   | 2/0         |   |
|  |   | Лабораторные работы   | *           |   |
|  |   | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки:  | */*         |   |
|  |   | Контрольные работы  | *           |   |
|  |   | Самостоятельная работа обучающихся:   | *           |   |
| <b>Тема 5.2<br/>Действия с векторами</b>   |   | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки  | <b>4/2</b>  | ПРу113-<br>ПРу117<br><br>ЛР5, ЛР7, ЛР9<br><br>МР1, МР3,<br>МР9, МР11                  |
|  | 1 | Сложение векторов по правилу треугольника и правилу параллелограмма. Правило многоугольника для построения суммы нескольких векторов. Противоположные векторы. Разность векторов. Умножение вектора на число. Свойства действий над векторами. Практико-ориентированные задачи технологического профиля | 4/2         |   |
|  |   | Лабораторные работы   | *           |   |
|  |   | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки:  | */*         |   |
|  |   | Контрольные работы  | *           |   |
|  |   | Самостоятельная работа обучающихся  | *           |   |
| <b>Тема 5.3<br/>Компланарные векторы.</b>  |   | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки  | <b>2/0</b>  | ПРу113-<br>ПРу117   |
|  | 1 | Определение компланарных векторов. Признак компланарности трех векторов. Правило параллелепипеда для построения суммы трех некомпланарных векторов. Теорема о разложении произвольного вектора по трем некомпланарным.  | 2/0         |   |

|   |   |             |  |
|---|---|-------------|--|
|   | Лабораторные работы   | *           | ЛР5, ЛР7, ЛР9<br>МР1, МР3,<br>МР9, МР11                      |
|   | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки:  | */*         |  |
|   | Контрольные работы  | *           |  |
|   | Самостоятельная работа обучающихся:   | *           |  |
| <b>Тема 5.4</b><br>Прямоугольная система координат в пространстве.                                  | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки  | <b>4/0</b>  | ПРу113-<br>ПРу117<br>ЛР5, ЛР7, ЛР9<br>МР1, МР3,<br>МР9, МР11 |
|   | 1   Определение прямоугольной системы координат в пространстве. Название и обозначение координатных осей. Координаты точки и вектора. Действия над векторами, заданными координатами. Радиус-вектор. Нахождение координат вектора по координатам его конца и начала. Простейшие задачи в координатах. | 2/0         |  |
|   | Лабораторные работы   | *           |  |
|   | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки: Простейшие задачи в координатах.   | 2/0         |  |
|   | Контрольные работы  | *           |  |
|   | Самостоятельная работа обучающихся:   | *           |  |
| <b>Тема 5.5</b><br>Скалярное произведение векторов.   | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки  | <b>2/0</b>  | ПРу113-<br>ПРу117<br>ЛР5, ЛР7, ЛР9<br>МР1, МР3,<br>МР9, МР11 |
|   | 1   Определение угла между векторами. Перпендикулярные векторы. Скалярное произведение векторов. Вычисление косинуса угла между векторами.  | 2/0         |  |
|   | Лабораторные работы   | *           |  |
|   | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки:  | */*         |  |
|   | Контрольные работы  | *           |  |
|   | Самостоятельная работа обучающихся:   | *           |  |
| <b>Тема 5.6</b><br>Использование координат и векторов при решении математических и прикладных задач | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки  | <b>2/2</b>  | ПРу113-<br>ПРу117<br>ЛР5, ЛР7, ЛР9<br>МР1, МР3,<br>МР9, МР11 |
|   | 1   Решение задач координатно-векторным методом. Координаты и векторы в задачах экономики.  | */*         |  |
|   | Лабораторные работы   | *           |  |
|   | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки: Решение задач по теме «Координаты и векторы в пространстве»  | 2/2         |  |
|   | Контрольные работы  | *           |  |
|   | Самостоятельная работа обучающихся:   | *           |  |
| <b>Раздел 6</b><br><b>Основы тригонометрии</b>  |   | <b>30/6</b> |  |
| <b>Тема 6.1</b>   | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки  | <b>2/0</b>  | ПРу17, ПРу43,  |

|  |   |  |     |  |
|--|---|--|-----|--|
| Радианная мера угла  | 1 | Угол в один радиан. Формулы перехода от градусной к радианной мере и наоборот. Таблица соответствия между градусной и радианной мерой угла.  | 2/0 | ПРу44, ПРу46, ПРу49, ПРу51<br>ЛР4, ЛР7, ЛР9<br>МР2, МР3, МР9, МР10               |
|  |   | Лабораторные работы  | *   |  |
|  |   | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки:   | */* |  |
|  |   | Контрольные работы   | *   |  |
|  |   | Самостоятельная работа обучающихся   | *   |  |
| Тема 6.2<br>Повороты точки вокруг начала координат   |   | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки   | 2/0 | ПРу17, ПРу43, ПРу44, ПРу46, ПРу49, ПРу51<br>ЛР4, ЛР7, ЛР9<br>МР2, МР3, МР9, МР10 |
|  | 1 | Определение единичной окружности. Поворот точки вокруг начала координат на угол $\alpha$ и $-\alpha$ . Соответствие между действительными числами и точками единичной окружности.                            | 2/0 |  |
|  |   | Лабораторные работы  | *   |  |
|  |   | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки:   | */* |  |
|  |   | Контрольные работы   | *   |  |
| Тема 6.3<br>Определение синуса, косинуса, тангенса и котангенса действительного числа. Знаки синуса, косинуса, тангенса и котангенса |   | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки   | 2/0 | ПРу17, ПРу43, ПРу44, ПРу46, ПРу49, ПРу51<br>ЛР4, ЛР7, ЛР9<br>МР2, МР3, МР9, МР10 |
|  | 1 | Определение синуса, косинуса, тангенса и котангенса действительного числа.<br>Таблица часто встречающихся значений синуса, косинуса, тангенса и котангенса.<br>Знаки синуса, косинуса, тангенса и котангенса | 2/0 |  |
|  |   | Лабораторные работы  | *   |  |
|  |   | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки:   | */* |  |
|  |   | Контрольные работы   | *   |  |
| Тема 6.4<br>Зависимость между синусом, косинусом, тангенсом одного и того же угла  |   | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки   | 2/0 | ПРу17, ПРу43, ПРу44, ПРу46, ПРу49, ПРу51<br>ЛР4, ЛР7, ЛР9<br>МР2, МР3, МР9, МР10 |
|  | 1 | Основное тригонометрическое тождество и следствия из него. Формула, устанавливающая зависимость между тангенсом и котангенсом одного и того же угла.   | 2/0 |  |
|  |   | Лабораторные работы  | *   |  |
|  |   | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки:   | */* |  |
|  |   | Контрольные работы   | *   |  |
|  |   | Самостоятельная работа обучающихся   | *   |  |

|   |  |  |             |   |
|---|--|--|-------------|---|
| <b>Тема 6.5</b><br>Тригонометрические тождества               | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки   |  | <b>8/0</b>  | ПРу17, ПРу43,<br>ПРу44, ПРу46,<br>ПРу49, ПРу51<br><br>ЛР4, ЛР7, ЛР9<br><br>MP2, MP3,<br>MP9, MP10 |
|   | 1  | Способы преобразования и доказательства тригонометрических тождеств. Синус, косинус, тангенс углов $\alpha$ и $-\alpha$ . Формулы сложения. Синус, косинус и тангенс двойного аргумента. Формулы приведения. Сумма и разность синусов и косинусов.                   | 6/0         |   |
|   | Лабораторные работы  |  | *           |   |
|   | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки: Сумма и разность синусов и косинусов.                                 |  | 2/0         |   |
|   | Контрольные работы   |  | *           |   |
|   | Самостоятельная работа обучающихся   |  | *           |   |
| <b>Тема 6.6</b><br>Тригонометрические функции                 | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки   |  | <b>2/2</b>  | ПРу17, ПРу43,<br>ПРу44, ПРу46,<br>ПРу49, ПРу51<br><br>ЛР4, ЛР7, ЛР9<br><br>MP2, MP3,<br>MP9, MP10 |
|   | 1  | Определение функций синуса, косинуса, тангенса и котангенса, основные свойства и графики. Описание производственных процессов с помощью графиков функций   | 2/2         |   |
|   | Лабораторные работы  |  | *           |   |
|   | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки:   |  | */*         |   |
|   | Контрольные работы   |  | *           |   |
|   | Самостоятельная работа обучающихся   |  | *           |   |
| <b>Тема 6.7</b><br>Арксинус, арккосинус и арктангенс          | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки   |  | <b>2/0</b>  | ПРу17, ПРу43,<br>ПРу44, ПРу46,<br>ПРу49, ПРу51<br><br>ЛР4, ЛР7, ЛР9<br><br>MP2, MP3,<br>MP9, MP10 |
|   | 1  | Определение арксинуса, арккосинуса, арктангенса и арккотангенса. Арксинус, арккосинус и арктангенс отрицательного аргумента  | 2/0         |   |
|   | Лабораторные работы  |  | *           |   |
|   | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки:   |  | */*         |   |
|   | Контрольные работы   |  | *           |   |
|   | Самостоятельная работа обучающихся   |  | *           |   |
| <b>Тема 6.8</b><br>Тригонометрические уравнения и неравенства | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки   |  | <b>10/4</b> | ПРу17, ПРу43,<br>ПРу44, ПРу46,<br>ПРу49, ПРу51<br><br>ЛР4, ЛР7, ЛР9<br><br>MP2, MP3,<br>MP9, MP10 |
|   | 1  | Простейшие тригонометрические уравнения. Однородные тригонометрические уравнения. Решение тригонометрических уравнений методом разложения на множители. Простейшие тригонометрические неравенства. Практико-ориентированные задачи социально-экономического профиля. | 8/4         |   |
|   | Лабораторные работы  |  | *           |   |
|   | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки: Решение тригонометрических уравнений методом разложения на множители. |  | 2/0         |   |

|   |  |             |  |
|---|--|-------------|--|
|   | Контрольные работы   | *           |  |
|   | Самостоятельная работа обучающихся   | *           |  |
| <b>Раздел 7<br/>Функции и<br/>графики</b>                   |  | <b>18/6</b> |  |
| <b>Тема 7.1<br/>Функции</b>                                 | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки   | <b>2/2</b>  | ПРу39- ПРу51,<br>ЛР6, ЛР4, ЛР7,<br>ЛР9<br><br>MP2, MP3,<br>MP9, MP10 |
|   | 1 Понятие числовой функции, способы задания функций. Область определения и множество значений. График функции. Описание производственных процессов с помощью графиков функций  | 2/2         |  |
|   | Лабораторные работы  | *           |  |
|   | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки:   | */*         |  |
|   | Контрольные работы   | *           |  |
|   | Самостоятельная работа обучающихся   | *           |  |
| <b>Тема 7.2<br/>Преобразования<br/>графиков<br/>функций</b> | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки   | <b>2/0</b>  | ПРу39- ПРу51,<br>ЛР6, ЛР4, ЛР7,<br>ЛР9<br><br>MP2, MP3,<br>MP9, MP10 |
|   | 1 Преобразования графиков функций: симметрия относительно координатных осей, параллельный перенос вдоль координатных осей, сжатие или растяжение графика вдоль координатных осей.  | 2/0         |  |
|   | Лабораторные работы  | *           |  |
|   | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки:   | */*         |  |
|   | Контрольные работы   | *           |  |
|   | Самостоятельная работа обучающихся   | *           |  |
| <b>Тема 7.3<br/>Свойства<br/>функций</b>                    | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки   | <b>14/4</b> | ПРу39- ПРу51,<br>ЛР6, ЛР4, ЛР7,<br>ЛР9<br><br>MP2, MP3,<br>MP9, MP10 |
|   | 1 Свойства функции: четность, нечетность, ограниченность. Промежутки возрастания и убывания, наибольшее и наименьшее значения, точки экстремума. Свойства линейной, квадратичной, кусочно-линейной и дробно-линейной функций. Примеры функциональных зависимостей в реальных процессах и явлениях. Арифметические операции над функциями. Сложная функция (композиция). Понятие о непрерывности функции. Практико-ориентированные задачи технологического профиля. | 12/2        |  |
|   | Лабораторные работы  | *           |  |
|   | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки: Построение и чтение графиков функций. Исследование функции.   | 2/2         |  |
|   | Контрольные работы   | *           |  |
|   | Самостоятельная работа обучающихся   | *           |  |

|  |   |             |                               |
|--|---|-------------|-------------------------------|
| <b>Раздел 8</b><br><b>Многранники и круглые тела</b>       |   | <b>26/8</b> |                               |
| <b>Тема 8.1</b><br>Многранники                             | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки  | <b>14/6</b> | ПРу99 – ПРу112, ЛР4, ЛР7, ЛР9 |
|  | 1 Понятие многранника: вершины, ребра, грани многранника, выпуклые многранники. Теорема Эйлера. Призма. Прямая и наклонная призма. Правильная призма. Параллелепипед. Куб. Пирамида. Правильная пирамида. Усеченная пирамида. Тетраэдр. Симметрии в кубе, в параллелепипеде, в призме и пирамиде. Примеры симметрий в профессиях и специальностях технологического профиля. Сечения куба, призмы и пирамиды. Представление о правильных многранниках. | 10/4        | MP2, MP3, MP9, MP10           |
|  | Лабораторные работы   | *           |                               |
|  | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки:  |             |                               |
|  | Решение задач по теме «Призма»  | 2/2         |                               |
|  | Решение задач по теме «Пирамида»  | 2/0         |                               |
|  | Контрольные работы  | *           |                               |
|  | Самостоятельная работа обучающихся  | *           |                               |
| <b>Тема 8.2</b><br>Тела и поверхности вращения. Объемы тел | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки  | <b>12/6</b> | ПРу99 – ПРу112, ЛР4, ЛР7, ЛР9 |
|  | 1 Понятие цилиндра. Площадь поверхности цилиндра. Понятие конуса. Площадь поверхности конуса Шар и сфера, их сечения. Касательная плоскость к сфере. Площадь сферы. Понятие объема. Объем прямоугольного параллелепипеда. Объем прямой призмы и цилиндра. Объем пирамиды и конуса. Объем шара. Экономические задачи на вычисление объемов   | 8/6         | MP2, MP3, MP9, MP10           |
|  | Лабораторные работы   | *           |                               |
|  | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки:  |             |                               |
|  | Решение задач по теме «Тела вращения»   | 2/0         |                               |
|  | Решение задач по теме «Объемы тел»  | 2/0         |                               |
|  | Контрольные работы  | *           |                               |
|  | Самостоятельная работа обучающихся  | *           |                               |
| <b>Раздел 9</b><br><b>Начала математического анализа</b>   |   | <b>24/8</b> |                               |
| <b>Тема 9.1</b>  | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки  | <b>2/2</b>  | ПРу52 – ПРу63,                |

|   |   |  |                   |   |
|---|---|--|-------------------|---|
| Последовательн<br>ости  | 1 | Способы задания и свойства числовых последовательностей. Понятие о пределе последовательности. Существование предела монотонной ограниченной последовательности. Суммирование последовательностей. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия и ее сумма.  | 2/2               | ЛР4, ЛР7, ЛР9<br><br>MP2, MP3,<br>MP9, MP10                   |
|   |   | Лабораторные работы  | *                 |   |
|   |   | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки:   | */*               |   |
|   |   | Контрольные работы   | *                 |   |
|   |   | Самостоятельная работа обучающихся   | *                 |   |
| Тема 9.2<br>Производная и<br>ее применения                            |   | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки   | 22/6              | ПРу52 – ПРу63,<br>ЛР4, ЛР7, ЛР9<br><br>MP2, MP3,<br>MP9, MP10 |
|   | 1 | Понятие о производной функции, ее геометрический и физический смысл. Производные основных элементарных функций Уравнения касательной к графику функции. Вторая производная, ее геометрический и физический смысл. Примеры использования производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах. Применения производной функции в технологических задачах | 16/4              |   |
|   |   | Лабораторные работы  | *                 |   |
|   |   | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки:<br>Вычисление производных<br>Исследование функции и построение графиков.<br>Применение производной для нахождения оптимального решения в прикладных задачах.  | 2/0<br>2/0<br>2/2 |   |
|   |   | Контрольные работы   | *                 |   |
|   |   | Самостоятельная работа обучающихся   | *                 |   |
|   |   |  | 16/2              |   |
| Раздел 10<br>Интеграл и его<br>применение                             |   |  |                   |   |
|   |   |  |                   |   |
| Тема 10.1<br>Первообразная.<br>Основное<br>свойство<br>первообразной. |   | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки   | 2/0               | ПРу52 – ПРу63,<br>ЛР4, ЛР7, ЛР9<br><br>MP2, MP3,<br>MP9, MP10 |
|   | 1 | Определение первообразной функции. Основное свойство первообразной, его геометрический смысл. Таблица первообразных некоторых функций  | 2/0               |   |
|   |   | Лабораторные работы  | *                 |   |
|   |   | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки:   | */*               |   |
|   |   | Контрольные работы   | *                 |   |
|   |   | Самостоятельная работа обучающихся   | *                 |   |
|   |   |  |                   |   |
| Тема 10.2   |   | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки   | 4/0               | ПРу52 – ПРу63,  |

|   |   |  |     |   |
|---|---|--|-----|---|
| Правила нахождения первообразных                      | 1 | Правило нахождения первообразных для многочлена, сложной функции.<br>Вынесение постоянного множителя.          | 2/0 | ЛР4, ЛР7, ЛР9<br><br>MP2, MP3,<br>MP9, MP10                   |
|   |   | Лабораторные работы  | *   |   |
|   |   | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки:   | 2/0 |   |
|   |   | Правила нахождения первообразных   |     |   |
|   |   | Контрольные работы   | *   |   |
|   |   | Самостоятельная работа обучающихся   | *   |   |
| Тема 10.3<br>Площадь криволинейной трапеции           |   | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки                                     | 2/0 | ПРу52 – ПРу63,<br>ЛР4, ЛР7, ЛР9<br><br>MP2, MP3,<br>MP9, MP10 |
|   | 1 | Определение криволинейной трапеции. Теорема о нахождении площади криволинейной трапеции                        | 2/0 |   |
|   |   | Лабораторные работы  | *   |   |
|   |   | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки:   | */* |   |
|   |   | Контрольные работы   | *   |   |
|   |   | Самостоятельная работа обучающихся   | *   |   |
| Тема 10.4<br>Интеграл.<br>Вычисление интегралов       |   | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки                                     | 2/0 | ПРу52 – ПРу63,<br>ЛР4, ЛР7, ЛР9<br><br>MP2, MP3,<br>MP9, MP10 |
|   | 1 | Понятие определенного интеграла. Формула Ньютона-Лейбница для вычисления определенного интеграла               | 2/0 |   |
|   |   | Лабораторные работы  | *   |   |
|   |   | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки:   | */* |   |
|   |   | Контрольные работы   | *   |   |
|   |   | Самостоятельная работа обучающихся   | *   |   |
| Тема 10.5<br>Вычисление площадей с помощью интегралов |   | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки                                     | 4/2 | ПРу52 – ПРу63,<br>ЛР4, ЛР7, ЛР9<br><br>MP2, MP3,<br>MP9, MP10 |
|   | 1 | Применение формулы Ньютона-Лейбница для вычисления площадей фигур  | 2/0 |   |
|   |   | Лабораторные работы  | *   |   |
|   |   | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки:<br>Вычисление площадей с помощью интегралов | 2/2 |   |
|   |   | Контрольные работы   | *   |   |
|   |   | Самостоятельная работа обучающихся   | *   |   |
| Тема 10.6<br>Применения первообразной функции и       |   | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки                                     | 2/2 | ПРу52 – ПРу63,<br>ЛР4, ЛР7, ЛР9<br><br>MP2, MP3,              |
|   | 1 | Применения первообразной функции и интеграла в технологических задачах   | 2/2 |   |
|   |   | Лабораторные работы  | *   |   |
|   |   | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки:   | */* |   |

|  |   |              |   |
|--|---|--------------|---|
| интеграла в прикладных задачах   | Контрольные работы  | *            | MP9, MP10   |
|  | Самостоятельная работа обучающихся  | *            |   |
| <b>Раздел 11<br/>Элементы теории вероятностей и математической статистики</b>          |   | <b>12/10</b> |   |
| <b>Тема 11.1<br/>Случайное событие.<br/>Вероятность события.</b>                       | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки  | <b>2/2</b>   | ПРу64 – ПРу75,<br>ЛР4, ЛР7, ЛР9<br><br>MP2, MP3,<br>MP9, MP10 |
|  | 1   Виды событий: случайное событие, достоверное событие, невозможное событие, совместные или несовместные события, противоположные события.<br>Равновозможные и не равновозможные исходы. Операции над событиями.<br>Классическое определение вероятности события и его свойства. Вероятность в задачах технологического профиля | 2/2          |   |
|  | Лабораторные работы   | *            |   |
|  | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки:  | */*          |   |
|  | Контрольные работы  | *            |   |
|  | Самостоятельная работа обучающихся  | *            |   |
| <b>Тема 11.2<br/>Теоремы сложения и умножения вероятностей</b>                         | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки  | <b>6/4</b>   | ПРу64 – ПРу75,<br>ЛР4, ЛР7, ЛР9<br><br>MP2, MP3,<br>MP9, MP10 |
|  | 1   Теорема сложения вероятностей двух несовместных событий. Понятие независимых событий. Теорема умножения вероятностей двух независимых событий.  | 4/4          |   |
|  | Лабораторные работы   | *            |   |
|  | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки:<br>Решение практических задач с применением вероятностных методов.   | 2/0          |   |
|  | Контрольные работы  | *            |   |
|  | Самостоятельная работа обучающихся  | *            |   |
| <b>Тема 11.3<br/>Представление данных. Задачи математической статистики социально-</b> | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки  | <b>2/2</b>   | ПРу64 – ПРу75,<br>ЛР4, ЛР7, ЛР9<br><br>MP2, MP3,<br>MP9, MP10 |
|  | 1   Представление данных в виде таблиц, диаграмм, графиков  | 2/2          |   |
|  | Лабораторные работы   | *            |   |
|  | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки:  | */*          |   |
|  | Контрольные работы  | *            |   |
|  | Самостоятельная работа обучающихся  | *            |   |

|   |   |             |   |
|---|---|-------------|---|
| экономического профиля  |   |             |   |
| <b>Тема 11.4</b><br>Понятие о задачах математической статистики.                | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки  | <b>2/2</b>  | ПРу64 – ПРу75,<br>ЛР4, ЛР7, ЛР9<br><br>МР2, МР3,<br>МР9, МР10 |
|   | 1 Случайная величина. Распределение значений случайной величины по вероятностям и по частотам. Полигон частот. Гистограмма  | 2/2         |   |
|   | Лабораторные работы   | *           |   |
|   | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки:  | */*         |   |
|   | Контрольные работы  | *           |   |
|   | Самостоятельная работа обучающихся  | *           |   |
|   |   | <b>20/4</b> |   |
| <b>Раздел 12</b><br><b>Уравнения и неравенства</b>                              |   |             |   |
| <b>Тема 12.1</b><br>Равносильность уравнений и неравенств. Уравнения-следствия. | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки  | <b>8/4</b>  | ПРу21 – ПРу38,<br>ЛР4, ЛР7, ЛР9<br><br>МР2, МР3,<br>МР9, МР10 |
|   | 1 Равносильность уравнений, неравенств, систем. Понятие уравнения-следствия. Возвведение уравнения в четную степень. Потенцирование логарифмических уравнений. Другие преобразования, приводящие к уравнению-следствию. Основные приемы их решения (разложение на множители, введение новых неизвестных, подстановка, графический метод). Нахождение неизвестной величины в задачах технологического профиля. | 6/4         |   |
|   | Лабораторные работы   | *           |   |
|   | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки:<br>Потенцирование логарифмических уравнений.   | 2/0         |   |
|   | Контрольные работы  | *           |   |
|   | Самостоятельная работа обучающихся  | *           |   |
|   |   |             |   |
| <b>Тема 12.2</b><br>Равносильность уравнений и неравенств системам.             | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки  | <b>6/0</b>  | ПРу21 – ПРу38,<br>ЛР4, ЛР7, ЛР9<br><br>МР2, МР3,<br>МР9, МР10 |
|   | 1 Основные понятия. Решение уравнений и неравенств с помощью систем.  | 6/0         |   |
|   | Лабораторные работы   | *           |   |
|   | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки:  | */*         |   |
|   | Контрольные работы  | *           |   |
| <b>Тема 12.3</b><br>Равносильность уравнений и                                  | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки  | <b>2/0</b>  | ПРу21 – ПРу38,<br>ЛР4, ЛР7, ЛР9                               |
|   | 1 Основные понятия. Возвведение уравнений и неравенств в четную степень.  | 2/0         |   |
|   | Лабораторные работы   | *           |   |

|  |  |            |   |
|--|--|------------|---|
| неравенств на множествах.  | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки:   | */*        | MP2, MP3,<br>MP9, MP10  |
|  | Контрольные работы   | *          |   |
|  | Самостоятельная работа обучающихся   | *          |   |
| <b>Тема 12.4</b><br><br>Метод интервалов для уравнений и неравенств  | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки   | <b>2/0</b> | ПРу21 – ПРу38,<br>ЛР4, ЛР7, ЛР9<br><br>MP2, MP3,<br>MP9, MP10 |
|  | 1 Метод интервалов для уравнений и неравенств.   | 0/0        |   |
|  | Лабораторные работы  | *          |   |
|  | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки:<br>Метод интервалов для уравнений и неравенств. | 2/0        |   |
|  | Контрольные работы   | *          |   |
|  | Самостоятельная работа обучающихся   | *          |   |
|  |  |            |   |
| <b>Тема 12.5</b><br><br>Системы уравнений с несколькими неизвестными | Содержание учебного материала, в том числе в форме практической подготовки   | <b>2/0</b> | ПРу21 – ПРу38,<br>ЛР4, ЛР7, ЛР9<br><br>MP2, MP3,<br>MP9, MP10 |
|  | 1 Равносильность систем. Системы-следствия. Метод замены неизвестных.  | 2/0        |   |
|  | Лабораторные работы  | *          |   |
|  | Практические занятия, в том числе в форме практической подготовки:   | */*        |   |
|  | Контрольные работы   | *          |   |
|  | Самостоятельная работа обучающихся   | *          |   |
| Консультации   |  | 12         |   |
| Экзамен  |  | 6          |   |
|  | Всего:   | 252        |   |

### **3. УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА**

#### **3.1. Требования к минимальному материально-техническому обеспечению**

Реализация учебного предмета требует наличия учебного кабинета математики.

##### **Оборудование учебного кабинета:**

Комплект учебно-методической документации. Специализированная учебная мебель: стол преподавателя, стул преподавателя, столы для студентов, стулья для студентов, классная доска.

Рабочая программа может быть реализована с применением различных образовательных технологий, в том числе с применением дистанционных образовательных технологий и электронного обучения.

#### **3.2. Информационное обеспечение обучения:**

перечень учебных изданий, электронных изданий, электронных и Интернет-ресурсов, образовательных платформ, электронно-библиотечных систем, веб-систем для организации дистанционного обучения и управления им, используемые в образовательном процессе как основные и дополнительные источники.

##### **Основные источники:**

1. Математика: алгебра и начала мат. анализа, геометрия. 10-11 кл.: Учебник. Баз. и углубл. уровни ФГОС / Ш.А. Алимов, Ю.М. Колягин, М.В. Ткачева.- М.: Просвещение, 2022.-463 с.
2. Математика: учебник для студентов учреждений СПО/ И.Д.Пехлецкий - 13-е изд.,стер.-М.:ИЦ «Академия», 2018. – 320 с.
3. Математика: учебник для студентов учреждений СПО/ С.Г.Григорьев - 2-е изд.,стер.-М.:ИЦ «Академия», 2018. – 368 с.

##### **Дополнительные источники:**

1. Башмаков М.И. Математика: учебник/М.И. Башмаков. – 9-е изд., стер. – М.: Академия, 2014
2. Башмаков М.И. Математика: задачник/М.И. Башмаков. – 5-е изд., стер. – М.: Академия, 2014.
3. Атанасян Л.С. Геометрия 10-11 кл.: учеб. для общеобразовательных учреждений.- 22-е изд.- М.: Просвещение, 2014-255с.
4. Математика: Учебник / В.П. Григорьев.- М.: ИЦ Академия, 2016.-368 с.
5. Колмогоров А.Н. Алгебра и начала анализа: учеб. для 10-11 кл. общеобразовательных учреждений.- 17-е изд.- М.: Просвещение, 2015.-384 с.
6. Богомолов Н.В. Практические занятия по математике: Учеб. пособие для средних спец. учеб. заведений-6 изд.-М.: Высш. шк., 2003-495с.

##### **Электронные издания (электронные ресурсы):**

- 1.Информационно-образовательная среда «Российская электронная школа» -  
<https://resh.edu.ru/>:  
<https://resh.edu.ru/subject/lesson/1988/main/> .  
<https://resh.edu.ru/subject/lesson/3798/main/159142/>

<https://resh.edu.ru/subject/lesson/4903/main/22650/>  
<https://resh.edu.ru/subject/lesson/4924/main/225717/>  
<https://resh.edu.ru/subject/lesson/3993/main/225748/>  
<https://resh.edu.ru/subject/lesson/6118/main/225812/>  
<https://resh.edu.ru/subject/lesson/4089/main/131707/>

2. Видеоматериал:

<https://infourok.ru/simmetrii-v-kube-v-parallelepipedo-v-prizme-i-piramide-2442552.html>  
<https://youtu.be/7pHP5rHWVVY>  
[https://vk.com/video-152579821\\_456239042](https://vk.com/video-152579821_456239042)  
[https://youtu.be/iAODi\\_4oS4Y](https://youtu.be/iAODi_4oS4Y)  
<https://videouroki.net/video/29-obiem-shara.html>  
<https://youtu.be/l-3YhgJwoRw>  
[https://youtu.be/jGL4K8\\_WDjE](https://youtu.be/jGL4K8_WDjE)  
<https://youtu.be/6LKJ8EO9WFc>  
<https://youtu.be/Xfrp9obfcg8>  
<https://youtu.be/DMbc-0Y3c1s>  
<https://youtu.be/6apOKP8wmRU>  
[https://youtu.be/LTzihrI24DAhttps://vk.com/video-67041943\\_170518246](https://youtu.be/LTzihrI24DAhttps://vk.com/video-67041943_170518246)  
<https://youtu.be/hBo3KcfLScw>  
<https://youtu.be/9Rkn0PLrahk>  
[https://vk.com/video-67041943\\_170518301](https://vk.com/video-67041943_170518301)

### **Цифровая образовательная среда СПО PROFобразование:**

1. Веременюк, В. В. Практикум по математике : подготовка к тестированию и экзамену / В. В. Веременюк, В. В. Кожушко. — 3-е изд. — Минск : Тетраграф, 2017. — 176 с. — ISBN 978-985-7081-89-9. — Текст : электронный // Электронный ресурс цифровой образовательной среды СПО PROFобразование : [сайт]. — URL: <https://profspo.ru/books/88838> (дата обращения: 30.08.2020). — Режим доступа: для авторизир. Пользователей

2. Веременюк, В. В. Тренажер по математике для подготовки к централизованному тестированию и экзамену / В. В. Веременюк. — 3-е изд. — Минск : Тетраграф, 2019. — 176 с. — ISBN 978-985-7171-36-1. — Текст : электронный // Электронный ресурс цифровой образовательной среды СПО PROFобразование : [сайт]. — URL: <https://profspo.ru/books/88848> (дата обращения: 27.08.2020). — Режим доступа: для авторизир. Пользователей

3. Математика : учебное пособие / составители Н. В. Федорова. — Волгоград : Волгоградский институт бизнеса, 2009. — 87 с. — ISBN 978-5-9061-7299-0. — Текст : электронный // Электронный ресурс цифровой образовательной среды СПО PROFобразование : [сайт]. — URL: <https://profspo.ru/books/11332> (дата обращения: 22.08.2020). — Режим доступа: для авторизир. пользователей

### **Электронно-библиотечная система:**

IPR BOOKS - <http://www.iprbookshop.ru/78574.html>

**Веб-система для организации дистанционного обучения и управления им:**

Система дистанционного обучения ОГАПОУ «Алексеевский колледж»  
<http://moodle.alcollege.ru/>

## **4. КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА**

**Контроль и оценка** результатов освоения учебного предмета осуществляется преподавателем в процессе проведения теоретических и практических занятий, экзамена.

| <b>Результаты обучения<br/>(освоенные умения, усвоенные знания),<br/>с учетом личностных результатов</b>   | <b>Формы и методы контроля и<br/>оценки результатов обучения</b>                                     |
|--|--|
| <p>ПРу1- Свободно оперировать<sup>2</sup> понятиями: конечное множество, элемент множества, подмножество, пересечение, объединение и разность множеств, числовые множества на координатной прямой, отрезок, интервал, полуинтервал, промежуток с выколотой точкой, графическое представление множеств на координатной плоскости;</p> <p>ПРу2-задавать множества перечислением и характеристическим свойством;</p> <p>ПРу3-оперировать понятиями: утверждение, отрицание утверждения, истинные и ложные утверждения, причина, следствие, частный случай общего утверждения, контрпример;</p> <p>ПРу4-роверять принадлежность элемента множеству;</p> <p>ПРу5-находить пересечение и объединение множеств, в том числе представленных графически на числовой прямой и на координатной плоскости;</p> <p>ПРу6-проводить доказательные рассуждения для обоснования истинности утверждений.</p> <p><i>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</i></p> <p>ПРу7-использовать числовые множества на координатной прямой и на координатной плоскости для описания реальных процессов и явлений;</p> | Проверка домашнего задания.<br>Защита практической работы.<br>Устный и письменный опрос.<br>Экзамен. |

<sup>2</sup> Здесь и далее: знать определение понятия, знать и уметь обосновывать свойства (признаки, если они есть) понятия, характеризовать связи с другими понятиями, представляя одно понятие как часть целостного комплекса, использовать понятие и его свойства при проведении рассуждений, доказательств, решении задач.

ПРу8-проводить доказательные рассуждения в ситуациях повседневной жизни, при решении задач из других предметов

ПРу9-Свободно оперировать понятиями: натуральное число, множество натуральных чисел, целое число, множество целых чисел, обыкновенная дробь, десятичная дробь, смешанное число, рациональное число, множество рациональных чисел, иррациональное число, корень степени  $n$ , действительное число, множество действительных чисел, геометрическая интерпретация натуральных, целых, рациональных, действительных чисел;

ПРу10-понимать и объяснять разницу между позиционной и непозиционной системами записи чисел;

-переводить числа из одной системы записи (системы счисления) в другую;

ПРу11-доказывать и использовать признаки делимости суммы и произведения при выполнении вычислений и решении задач;

ПРу12-выполнять округление рациональных и иррациональных чисел с заданной точностью;

ПРу13-сравнивать действительные числа разными способами;

ПРу14-упорядочивать числа, записанные в виде обыкновенной и десятичной дроби, числа, записанные с использованием арифметического квадратного корня, корней степени больше 2;

ПРу15-находить НОД и НОК разными способами и использовать их при решении задач;

ПРу16-выполнять вычисления и преобразования выражений, содержащих действительные числа, в том числе корни натуральных степеней;

ПРу17-выполнять стандартные

тождественные преобразования тригонометрических, логарифмических, степенных, иррациональных выражений.

*В повседневной жизни и при изучении других предметов:*

ПРу8-выполнять и объяснять сравнение результатов вычислений при решении практических задач, в том числе приближенных вычислений, используя разные способы сравнений;

ПРу19-записывать, сравнивать, округлять числовые данные реальных величин с использованием разных систем измерения;

ПРу20 -составлять и оценивать разными способами числовые выражения при решении практических задач и задач из других учебных предметов

ПРу21-Свободно оперировать понятиями: уравнение, неравенство, равносильные уравнения и неравенства, уравнение, являющееся следствием другого уравнения, уравнения, равносильные на множестве, равносильные преобразования уравнений;

ПРу22-решать разные виды уравнений и неравенств и их систем, в том числе некоторые уравнения 3-й и 4-й степеней, дробно-рациональные и иррациональные;

ПРу23-овладеть основными типами показательных, логарифмических, иррациональных, степенных уравнений и неравенств и стандартными методами их решений и применять их при решении задач;

ПРу24-применять теорему Безу к решению уравнений;

ПРу25-применять теорему Виета для решения некоторых уравнений степени выше второй;

ПРу26-понимать смысл теорем о равносильных и неравносильных преобразованиях уравнений и уметь их доказывать;

ПРу27-владеть методами решения уравнений, неравенств и их систем, уметь выбирать метод решения и обосновывать свой выбор;

ПРу28-использовать метод интервалов для решения неравенств, в том числе дробно-рациональных и включающих в себя иррациональные выражения;

ПРу29-решать алгебраические уравнения и неравенства и их системы с параметрами алгебраическим и графическим методами;

ПРу30-владеть разными методами доказательства неравенств;

ПРу31-решать уравнения в целых числах;

ПРу32-изображать множества на плоскости, задаваемые уравнениями, неравенствами и их системами;

ПРу33-свободно использовать тождественные преобразования при решении уравнений и систем уравнений

*В повседневной жизни и при изучении других предметов:*

ПРу34-составлять и решать уравнения, неравенства, их системы при решении задач других учебных предметов;

ПРу35-выполнять оценку правдоподобия результатов, получаемых при решении различных уравнений, неравенств и их систем при решении задач других учебных предметов;

ПРу36-составлять и решать уравнения и неравенства с параметрами при решении задач других учебных предметов;

ПРу37-составлять уравнение, неравенство или их систему, описывающие реальную ситуацию или прикладную задачу, интерпретировать полученные результаты;

ПРу38- использовать программные средства при решении отдельных классов

уравнений и неравенств

ПРу39 -Владеть понятиями: зависимость величин, функция, аргумент и значение функции, область определения и множество значений функции, график зависимости, график функции, нули функции, промежутки знакопостоянства, возрастание на числовом промежутке, убывание на числовом промежутке, наибольшее и наименьшее значение функции на числовом промежутке, периодическая функция, период, четная и нечетная функции; уметь применять эти понятия при решении задач;

ПРу40 -владеть понятием степенная функция; строить ее график и уметь применять свойства степенной функции при решении задач;

ПРу41- владеть понятиями показательная функция, экспонента; строить их графики и уметь применять свойства показательной функции при решении задач;

ПРу42- владеть понятием логарифмическая функция; строить ее график и уметь применять свойства логарифмической функции при решении задач;

ПРу43- владеть понятиями тригонометрические функции; строить их графики и уметь применять свойства тригонометрических функций при решении задач;

ПРу44- владеть понятием обратная функция; применять это понятие при решении задач;

ПРу45- применять при решении задач свойства функций: четность, периодичность, ограниченность;

ПРу46- применять при решении задач преобразования графиков функций;

ПРу47 владеть понятиями числовая последовательность, арифметическая и геометрическая прогрессия;

ПРу48- применять при решении

задач свойства и признаки арифметической и геометрической прогрессий.

*В повседневной жизни и при изучении других учебных предметов:*

ПРу49-определять по графикам и использовать для решения прикладных задач свойства реальных процессов и зависимостей (наибольшие и наименьшие значения, промежутки возрастания и убывания функции, промежутки знакопостоянства, асимптоты, точки перегиба, период и т.п.);

ПРу50-интерпретировать свойства в контексте конкретной практической ситуации;

ПРу51- определять по графикам простейшие характеристики периодических процессов в биологии, экономике, музыке, радиосвязи и др. (амплитуда, период и т.п.)

ПРу52-Владеть понятием бесконечно убывающая геометрическая прогрессия и уметь применять его при решении задач;

ПРу53 применять для решения задач теорию пределов;

ПРу54 владеть понятиями бесконечно большие и бесконечно малые числовые последовательности и уметь сравнивать бесконечно большие и бесконечно малые последовательности;

ПРу55 владеть понятиями: производная функции в точке, производная функции;

ПРу56 -вычислять производные элементарных функций и их комбинаций;

ПРу57-исследовать функции на монотонность и экстремумы;

ПРу58-строить графики и применять к решению задач, в том числе с параметром;

ПРу59-владеть понятием касательная к графику функции и уметь применять его при решении задач;

|   |  |
|---|--|
| <p>ПРу60-владеть понятиями первообразная функция, определенный интеграл;</p> <p>ПРу61-применять теорему Ньютона–Лейбница и ее следствия для решения задач.</p> <p><i>В повседневной жизни и при изучении других учебных предметов:</i></p> <p>ПРу62-решать прикладные задачи из биологии, физики, химии, экономики и других предметов, связанные с исследованием характеристик процессов;</p> <p>ПРу63- интерпретировать полученные результаты</p> <p>ПР-64 Оперировать основными описательными характеристиками числового набора, понятием генеральная совокупность и выборкой из нее;</p> <p>ПРу65-оперировать понятиями: частота и вероятность события, сумма и произведение вероятностей, вычислять вероятности событий на основе подсчета числа исходов;</p> <p>ПРу66 -владеть основными понятиями комбинаторики и уметь их применять при решении задач;</p> <p>ПРу67-иметь представление об основах теории вероятностей;</p> <p>ПРу68-иметь представление о дискретных и непрерывных случайных величинах и распределениях, о независимости случайных величин;</p> <p>ПРу69-иметь представление о математическом ожидании и дисперсии случайных величин;</p> <p>ПРу70-иметь представление о совместных распределениях случайных величин;</p> <p>ПРу71-понимать суть закона больших чисел и выборочного метода измерения вероятностей;</p> <p>ПРу72-иметь представление о нормальном распределении и примерах нормально распределенных случайных величин;</p> |  |
|---|--|

|  |  |
|--|--|
| <p>ПРу73-иметь представление о корреляции случайных величин.</p> <p><i>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</i></p> <p>ПРу74-вычислять или оценивать вероятности событий в реальной жизни;</p> <p>ПРу75-выбирать методы подходящего представления и обработки данных</p> <p>ПРу76-Решать разные задачи повышенной трудности;</p> <p>ПРу77-анализировать условие задачи, выбирать оптимальный метод решения задачи, рассматривая различные методы;</p> <p>ПРу78-строить модель решения задачи, проводить доказательные рассуждения при решении задачи;</p> <p>ПРу79-решать задачи, требующие перебора вариантов, проверки условий, выбора оптимального результата;</p> <p>ПРу80-анализировать и интерпретировать полученные решения в контексте условия задачи, выбирать решения, не противоречащие контексту;</p> <p>ПРу81-переводить при решении задачи информацию из одной формы записи в другую, используя при необходимости схемы, таблицы, графики, диаграммы.</p> <p><i>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</i></p> <p>ПРу82-решать практические задачи и задачи из других предметов</p> <p>ПРу83-Владеть геометрическими понятиями при решении задач и проведении математических рассуждений;</p> <p>ПРу84-самостоятельно формулировать определения геометрических фигур, выдвигать гипотезы о новых свойствах и признаках геометрических фигур и обосновывать или опровергать их, обобщать или конкретизировать результаты на новых</p> |  |
|--|--|

классах фигур, проводить в несложных случаях классификацию фигур по различным основаниям;

ПРу85-исследовать чертежи, включая комбинации фигур, извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию, представленную на чертежах;

ПРу86-решать задачи геометрического содержания, в том числе в ситуациях, когда алгоритм решения не следует явно из условия, выполнять необходимые для решения задачи дополнительные построения, исследовать возможность применения теорем и формул для решения задач;

ПРу87-уметь формулировать и доказывать геометрические утверждения;

ПРу88-владеть понятиями стереометрии: призма, параллелепипед, пирамида, тетраэдр;

ПРу89-иметь представления об аксиомах стереометрии и следствиях из них и уметь применять их при решении задач;

ПРу90-уметь строить сечения многогранников с использованием различных методов, в том числе и метода следов;

ПРу91-иметь представление о скрещивающихся прямых в пространстве и уметь находить угол и расстояние между ними;

ПРу92-применять теоремы о параллельности прямых и плоскостей в пространстве при решении задач;

ПРу93-уметь применять параллельное проектирование для изображения фигур;

ПРу94-уметь применять перпендикулярности прямой и плоскости при решении задач;

ПРу95-владеть понятиями ортогональное проектирование, наклонные и их проекции, уметь

|  |
|--|
| <p>применять теорему о трех перпендикулярах при решении задач;</p> <p>ПРу96-владеть понятиями расстояние между фигурами в пространстве, общий перпендикуляр двух скрещивающихся прямых и уметь применять их при решении задач;</p> <p>ПРу97-владеть понятием угол между прямой и плоскостью и уметь применять его при решении задач;</p> <p>ПРу98-владеть понятиями двугранный угол, угол между плоскостями, перпендикулярные плоскости и уметь применять их при решении задач;</p> <p>ПРу99-владеть понятиями призма, параллелепипед и применять свойства параллелепипеда при решении задач;</p> <p>ПРу100-владеть понятием прямоугольный параллелепипед и применять его при решении задач;</p> <p>ПРу101-владеть понятиями пирамида, виды пирамид, элементы правильной пирамиды и уметь применять их при решении задач;</p> <p>ПРу102-иметь представление о теореме Эйлера, правильных многогранниках;</p> <p>ПРу103-владеть понятием площади поверхностей многогранников и уметь применять его при решении задач;</p> <p>ПРу104-владеть понятиями тела вращения (цилиндр, конус, шар и сфера), их сечения и уметь применять их при решении задач;</p> <p>ПРу105-владеть понятиями касательные прямые и плоскости и уметь применять из при решении задач;</p> <p>ПРу106-иметь представления о вписанных и описанных сferах и уметь применять их при решении задач;</p> <p>ПРу107 -владеть понятиями объем, объемы многогранников, тел вращения и применять их при решении задач;</p> <p>ПРу108-иметь представление о</p> |
|--|

развертке цилиндра и конуса, площади поверхности цилиндра и конуса, уметь применять их при решении задач;

ПРу109-иметь представление о площади сферы и уметь применять его при решении задач;

ПРу110-уметь решать задачи на комбинации многогранников и тел вращения;

ПРу111-иметь представление о подобии в пространстве и уметь решать задачи на отношение объемов и площадей поверхностей подобных фигур.

*В повседневной жизни и при изучении других предметов:*

ПРу112-составлять с использованием свойств геометрических фигур математические модели для решения задач практического характера и задач из смежных дисциплин, исследовать полученные модели и интерпретировать результат

ПРу113-Владеть понятиями векторы и их координаты;

ПРу114-уметь выполнять операции над векторами;

ПРу115-использовать скалярное произведение векторов при решении задач;

ПРу116-применять уравнение плоскости, формулу расстояния между точками, уравнение сферы при решении задач;

ПРу117-применять векторы и метод координат в пространстве при решении задач

ПРу118-Иметь представление о вкладе выдающихся математиков в развитие науки;

ПРу119-понимать роль математики в развитии России

ПРу120-Использовать основные методы доказательства, проводить доказательство и выполнять опровержение;

|  |  |
|--|--|
| <p>ПРу121-применять основные методы решения математических задач;</p> <p>ПРу122-на основе математических закономерностей в природе характеризовать красоту и совершенство окружающего мира и произведений искусства;</p> <p>ПРу123-применять простейшие программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении математических задач;</p> <p>ПРу124-пользоваться прикладными программами и программами символьных вычислений для исследования математических объектов</p> |  |
|--|--|